

5. Аналитическая геометрия

1. Составить канонические уравнения прямой, которая проходит через точку $M(x; y; z)$:

- а) параллельно вектору \vec{S} ;
- б) параллельно прямой L .

2. Установить взаимное расположение прямой и плоскости P . В случае их пересечения в точке M , найти её координаты.

3. Найти радиус-вектор точки $Q(x; y; z)$, которая симметрична точке $P(x_0; y_0; z_0)$, относительно прямой, которая проходит через точки $A(x_1; y_1; z_1)$ и $B(x_2; y_2; z_2)$.

4. Вычислить угол между прямой L и плоскостью P .

5. Записать уравнение плоскости, которая проходит через прямую L перпендикулярно плоскости P .

6. Вычислить расстояние d между прямыми L_1 и L_2 .

7. Пересекаются ли прямые L_1 и L_2 ?

8. Заданы четыре точки $A(x_1; y_1; z_1)$, $B(x_2; y_2; z_2)$, $C(x_3; y_3; z_3)$ и $D(x_4; y_4; z_4)$. Составить уравнения:

- а) плоскости P , которая проходит через точки A , B и C ;
- б) прямой AB ;
- в) прямой DM , перпендикулярной к плоскости P ;
- г) прямой CN , которая параллельна прямой AB ;
- д) плоскости F , которая проходит через точку D , перпендикулярно прямой AB .

Вычислить:

е) косинус угла между координатной плоскостью Oxy и плоскостью P .

9. Вершины треугольника ABC находятся в точках: $A(x_1; y_1)$, $B(x_2; y_2)$, $C(x_3; y_3)$. Найти:

- а) уравнение прямой BC и её угловой коэффициент;
- б) расстояние от точки $A(x_1; y_1)$ до прямой BC ;
- в) уравнение высоты AH и ее длину, не используя координаты точки H ;
- г) координаты точки N – пересечения высоты AH и медианы BM ;
- д) угол между медианой BM и высотой AH ;
- е) сделать чертеж.

Вариант 1.

1. $M(-7; 5; -6)$, а) $\vec{S} = (3; 0; 5)$; 6) $L : \begin{cases} 3x + 4y - z - 3 = 0; \\ 5x + 2y + 6z = 0. \end{cases}$

2. а) $L : \frac{x-3}{-2} = \frac{y-2}{-5} = \frac{z+5}{2}$, $P : 5x + 5z - 4 = 0$;

б) $L : \frac{x+1}{-13} = \frac{y+8}{6} = \frac{z-3}{-11}$, $P : 13x + 8y - 11z + 110 = 0$;

в) $L : \frac{x-2}{4} = \frac{y+5}{-3} = \frac{z}{2}$, $P : 5x + 4y - z + 8 = 0$.

3. $P(2; -1; 2)$, $A(1; 0; -1)$, $B(2; 0; -3)$.

4. $L : \begin{cases} 3x - 2y + z + 8 = 0; \\ x + y + 3z = 0; \end{cases}$ $P : 3y + z - 1 = 0$.

5. $L : \frac{x+1}{3} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z}{13}$, $P : 3x - 2y - z + 5 = 0$.

6. $L_1 : \frac{x-5}{1} = \frac{y+6}{-4} = \frac{z-1}{-1}$, $L_2 : \frac{x-5}{1} = \frac{y+6}{-4} = \frac{z-1}{-1}$.

7. $L_1 : \frac{x-3}{-5} = \frac{y+2}{-1} = \frac{z+6}{0}$, $L_2 : \frac{x-4}{3} = \frac{y+8}{-2} = \frac{z+2}{-6}$.

8. $A(0; 0; 2)$, $B(-1; -2; -7)$, $C(-1; 2; -5)$, $D(7; -2; -5)$.

9. $A(-2; 4)$, $B(3; 1)$, $C(10; 7)$.

Вариант 2.

1. $M(-3; 1; 6)$, а) $\vec{S} = (-1; -2; -3)$; 6) $L : \begin{cases} x + z - 1 = 0; \\ 3x + 3y + 5z + 2 = 0. \end{cases}$

2. а) $L : \frac{x+5}{1} = \frac{y}{0} = \frac{z-1}{3}$, $P : 3x - 4y - z + 30 = 0$;

б) $L : \frac{x-1}{-3} = \frac{y-14}{2} = \frac{z+13}{-3}$, $P : x + 6y + 3z - 46 = 0$;

в) $L : \frac{x+5}{-8} = \frac{y}{3} = \frac{z+4}{-3}$, $P : 5x + 4y - z - 4 = 0$.

3. $P(4; 3; 10)$, $A(1; 2; 3)$, $B(3; 6; 8)$.

4. $L : \begin{cases} 3x + 2y - z + 12 = 0; \\ 3x - y + z + 6 = 0; \end{cases}$ $P : 3x + 3y - z - 12 = 0$.

5. $L : \frac{x+2}{1} = \frac{y+3}{2} = \frac{z+2}{5}$, $P : x + 2y - z + 6 = 0$.

6. $L_1 : \frac{x-1}{1} = \frac{y-4}{2} = \frac{z+3}{-1}$, $L_2 : \frac{x+5}{-1} = \frac{y-1}{1} = \frac{z+2}{1}$.
 7. $L_1 : \frac{x-1}{-2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z+1}{3}$, $L_2 : \frac{x-3}{1} = \frac{y+31}{-1} = \frac{z+2}{0}$.
 8. $A(3; -3; 0)$, $B(-1; 0; -3)$, $C(-2; 3; -3)$, $D(1; -8; 3)$.
 9. $A(-3; -2)$, $B(14; 4)$, $C(6; 8)$.

Вариант 3.

1. $M(6; 2; 8)$, а) $\vec{S} = (-5; -8; -7)$; 6) $L : \begin{cases} x+z+5=0; \\ x-z-5=0. \end{cases}$

2. а) $L : \frac{x}{1} = \frac{y+5}{0} = \frac{z+2}{1}$, $P : 2x-5y-2z-21=0$;

б) $L : \frac{x-10}{2} = \frac{y-3}{0} = \frac{z-10}{1}$, $P : y-3=0$;

в) $L : \frac{x}{0} = \frac{y}{-1} = \frac{z-2}{4}$, $P : 8x+9y+10z+11=0$.

3. $P(0; 0; 4)$, $A(16; -15; 2)$, $B(-32; 17; 2)$.

4. $L : \begin{cases} y+5=0; \\ 4x+2y+3z+10=0; \end{cases}$ $P : y-z+5=0$.

5. $L : \frac{x+5}{4} = \frac{y+3}{2} = \frac{z+3}{-5}$, $P : 2x+y+2z+19=0$.

6. $L_1 : \frac{x}{2} = \frac{y+3}{1} = \frac{z-2}{2}$, $L_2 : \frac{x-1}{-2} = \frac{y-1}{2} = \frac{z+3}{-1}$.

7. $L_1 : \frac{x+2}{0} = \frac{y-2}{1} = \frac{z-3}{2}$, $L_2 : \frac{x-4}{-2} = \frac{y}{2} = \frac{z+5}{3}$.

8. $A(-2; 2; 3)$, $B(-4; 3; -4)$, $C(0; -3; -4)$, $D(0; -1; 0)$.

9. $A(1; 7)$, $B(-3; -1)$, $C(11; -3)$.

Вариант 4.

1. $M(0; 2; -4)$, а) $\vec{S} = (2; 7; 2)$; 6) $L : \begin{cases} 2x-3y=0; \\ x+y-2z+1=0. \end{cases}$

2. а) $L : \frac{x+4}{1} = \frac{y+1}{0} = \frac{z+2}{0}$, $P : y+14=0$;

б) $L : \frac{x-4}{-15} = \frac{y+9}{14} = \frac{z+8}{1}$, $P : 2x+3y-12z-77=0$;

- b) $L: \frac{x+1}{4} = \frac{y+2}{1} = \frac{z+1}{0}$, $P: 8x + y + 2z - 21 = 0$.
3. $P(0; 1; 2)$, $A(3/2; 0; 2)$, $B(-7/2; -1; 3)$.
4. $L: \begin{cases} 2x + y + 2z + 3 = 0; \\ 2y - z - 2 = 0; \end{cases}$, $P: 2x + 5z - 4 = 0$.
5. $L: \frac{x+3}{3} = \frac{y-3}{4} = \frac{z+3}{-3}$, $P: 2x - 3y - 2z + 9 = 0$.
6. $L_1: \frac{x+2}{-2} = \frac{y+1}{3} = \frac{z-2}{2}$, $L_2: \frac{x+5}{-10} = \frac{y-1}{-8} = \frac{z+2}{5}$.
7. $L_1: \frac{x}{4} = \frac{y+4}{3} = \frac{z+1}{3}$, $L_2: \frac{x+2}{0} = \frac{y-1}{4} = \frac{z+1}{1}$.
8. $A(0; -4; -1)$, $B(-6; -1; -6)$, $C(-4; -3; -3)$, $D(2; -5; 4)$.
9. $A(1; 0)$, $B(-1; 4)$, $C(9; 5)$.

Вариант 5.

1. $M(-8; 1; 2)$, a) $\vec{S} = (6; 3; 0)$; 6) $L: \begin{cases} 2x + 3y + 2z + 2 = 0; \\ 2x - 2y + 2z + 3 = 0. \end{cases}$
2. a) $L: \frac{x+6}{-2} = \frac{y-3}{2} = \frac{z-4}{1}$, $P: 2x + y + 2z + 6 = 0$;
- б) $L: \frac{x-6}{-1} = \frac{y+15}{0} = \frac{z-4}{1}$, $P: 2x + y + 2z - 5 = 0$;
- в) $L: \frac{x}{0} = \frac{y-2}{0} = \frac{z+2}{1}$, $P: 7y - 4z - 2 = 0$.
3. $P(0; 2; 1)$, $A(4; -1; 2)$, $B(6; -2; 5)$.
4. $L: \begin{cases} 2x + 3y + 2z - 1 = 0; \\ x - 3y - z - 5 = 0; \end{cases}$, $P: 4x + y - 3z - 7 = 0$.
5. $L: \frac{x}{1} = \frac{y+2}{-4} = \frac{z+2}{1}$, $P: 2x + y + 2z + 6 = 0$.
6. $L_1: \frac{x-2}{2} = \frac{y+3}{1} = \frac{z+2}{2}$, $L_2: \frac{x+2}{3} = \frac{y+1}{-1} = \frac{z+1}{7}$.
7. $L_1: \frac{x-4}{-1} = \frac{y}{2} = \frac{z+1}{3}$, $L_2: \frac{x+2}{4} = \frac{y-6}{0} = \frac{z+6}{-1}$.
8. $A(4; 0; -1)$, $B(4; 3; 0)$, $C(3; -2; -2)$, $D(-2; -3; -6)$.
9. $A(1; -2)$, $B(7; 1)$, $C(3; 7)$.

Вариант 6.

1. $M(-1; 3; 9)$, а) $\vec{S} = (2; 4; 7)$; 6) $L : \begin{cases} 2x + y + z + 1 = 0; \\ 3x + 2y + z - 2 = 0. \end{cases}$

2. а) $L : \frac{x+5}{2} = \frac{y}{1} = \frac{z-1}{2}$, $P : x - 4y + z + 30 = 0$;

б) $L : \frac{x-1}{3} = \frac{y+4}{-2} = \frac{z+13}{-3}$, $P : x + 6y - 3z - 16 = 0$;

в) $L : \frac{x+3}{-2} = \frac{y}{3} = \frac{z+4}{-3}$, $P : x + 4y - z - 14 = 0$.

3. $P(-4; -2; 6)$, $A(2; 5; 2)$, $B(8; 11; 2)$.

4. $L : \begin{cases} x + y - 2z + 3 = 0; \\ x + y - 3z - 1 = 0; \end{cases}$ $P : 3x - y - z + 7 = 0$.

5. $L : \frac{x+2}{2} = \frac{y+3}{2} = \frac{z+2}{-5}$, $P : x + 2y - 3z + 6 = 0$.

6. $L_1 : \frac{x-1}{10} = \frac{y-4}{2} = \frac{z-3}{-1}$, $L_2 : \frac{x+2}{-2} = \frac{y+3}{1} = \frac{z-5}{1}$.

7. $L_1 : \frac{x-2}{1} = \frac{y+3}{2} = \frac{z-4}{3}$, $L_2 : \frac{x-3}{-2} = \frac{y+3}{-3} = \frac{z-5}{1}$.

8. $A(0; -4; -1)$, $B(6; -7; 4)$, $C(-4; -3; -3)$, $D(2; -5; 4)$.

9. $A(-2; -3)$, $B(1; 6)$, $C(6; 1)$.

Вариант 7.

1. $M(2; 2; -8)$, а) $\vec{S} = (2; -1; -6)$; 6) $L : \begin{cases} 3y + 4z + 4 = 0; \\ x + 2y - z - 1 = 0. \end{cases}$

2. а) $L : \frac{x+2}{1} = \frac{y+3}{0} = \frac{z-2}{-2}$, $P : 4x + 3y + 2z + 9 = 0$;

б) $L : \frac{x-10}{1} = \frac{y-1}{0} = \frac{z+12}{-1}$, $P : 2x + 9y + z - 5 = 0$;

в) $L : \frac{x+3}{-3} = \frac{y-2}{1} = \frac{z+1}{-1}$, $P : 2x + 11y + 4z - 11 = 0$.

3. $P(-6; 0; -6)$, $A(-12; -1; 6)$, $B(12; -1; 18)$.

4. $L : \begin{cases} 2x - y + 2z - 11 = 0; \\ x + 2y + 4 = 0; \end{cases}$ $P : 3x + 5y + 4z + 1 = 0$.

5. $L : \frac{x+3}{-1} = \frac{y+2}{2} = \frac{z-2}{2}$, $P : 2x - y - 2z + 8 = 0$.

6. $L_1 : \frac{x+6}{2} = \frac{y-3}{-1} = \frac{z+2}{-2}$, $L_2 : \frac{x+2}{5} = \frac{y+5}{4} = \frac{z+4}{1}$.

7. $L_1 : \frac{x+2}{4} = \frac{y+1}{3} = \frac{z+2}{7}$, $L_2 : \frac{x+3}{2} = \frac{y-1}{1} = \frac{z+7}{2}$.

8. $A(-4; -2; 0)$, $B(0; -3; -2)$, $C(2; -2; -1)$, $D(-6; -1; 2)$.

9. $A(-4; 2)$, $B(-6; 6)$, $C(6; 2)$.

Вариант 8.

1. $M(2; 6; 1)$, а) $\vec{S} = (-2; -1; -4)$; 6) $L : \begin{cases} y - 2z - 4 = 0; \\ 2x + 2y + 3z - 3 = 0. \end{cases}$

2. а) $L : \frac{x+2}{-1} = \frac{y+1}{0} = \frac{z}{2}$, $P : 4x + 3y + 2z - 2 = 0$;

б) $L : \frac{x-2}{-11} = \frac{y+2}{-13} = \frac{z+6}{1}$, $P : x - y - 2z - 16 = 0$;

в) $L : \frac{x-5}{7} = \frac{y+1}{5} = \frac{z+1}{2}$, $P : 5y + z + 33 = 0$.

3. $P(0; 0; -6)$, $A(36; 4; -3)$, $B(-60; 4; -3)$.

4. $L : \begin{cases} z + 2 = 0; \\ 3x + 3y + 2z + 4 = 0; \end{cases}$ $P : 2x - y - 3z - 6 = 0$.

5. $L : \frac{x-1}{6} = \frac{y-2}{-5} = \frac{z+3}{-3}$, $P : x + 2z + 5 = 0$.

6. $L_1 : \frac{x-4}{1} = \frac{y-4}{0} = \frac{z-2}{2}$, $L_2 : \frac{x}{0} = \frac{y+1}{1} = \frac{z+2}{3}$.

7. $L_1 : \frac{x}{-3} = \frac{y+5}{2} = \frac{z-3}{1}$, $L_2 : \frac{x+5}{0} = \frac{y+3}{-5} = \frac{z-4}{3}$.

8. $A(0; -5; 3)$, $B(-2; -4; -4)$, $C(-2; -2; 6)$, $D(2; 4; 2)$.

9. $A(-3; -2)$, $B(14; 4)$, $C(6; 8)$.

Вариант 9.

1. $M(2; -1; -4)$, а) $\vec{S} = (-2; 4; 0)$; 6) $L : \begin{cases} x + y + 1 = 0; \\ 2x + y - 4z + 2 = 0. \end{cases}$

2. а) $L : \frac{x+2}{1} = \frac{y-2}{0} = \frac{z+6}{0}$, $P : 4z + 29 = 0$;

б) $L : \frac{x-4}{0} = \frac{y-4}{1} = \frac{z}{-1}$, $P : 4x - y - z - 12 = 0$;

b) $L: \frac{x}{2} = \frac{y+6}{6} = \frac{z}{1}, P: 4y - z + 1 = 0.$

3. $P(0; 3; -1), A(-1; 0; 0), B(1; 1; 0).$

4. $L: \begin{cases} x + y - z = 0; \\ 4x + 3y - 6 = 0; \end{cases} P: 2y - 3z + 2 = 0.$

9.5. $L: \frac{x}{-6} = \frac{y-2}{-5} = \frac{z}{3}, P: x + 2z = 0.$

6. $L_1: \frac{x}{1} = \frac{y+4}{0} = \frac{z+4}{2}, L_2: \frac{x+3}{3} = \frac{y-4}{8} = \frac{z+4}{7}.$

7. $L_1: \frac{x+3}{4} = \frac{y+3}{1} = \frac{z+4}{0}, L_2: \frac{x-5}{3} = \frac{y+2}{3} = \frac{z-2}{4}.$

8. $A(-3; -3; -4), B(0; -2; -4), C(-2; -6; 4), D(-8; -4; 6).$

9. $A(4; -4), B(8; 2), C(3; 8).$

Вариант 10.

1. $M(-1; 1; -10), a) \vec{S} = (6; -4; 0); b) L: \begin{cases} y - z - 2 = 0; \\ 2x + 4y + 3z + 2 = 0. \end{cases}$

2. a) $L: \frac{x-2}{2} = \frac{y+4}{0} = \frac{z-4}{6}, P: 3x + y - z = 0;$

b) $L: \frac{x+14}{10} = \frac{y-4}{5} = \frac{z+2}{11}, P: x - 2y + 22 = 0;$

b) $L: \frac{x+7}{6} = \frac{y+5}{1} = \frac{z+5}{9}, P: 3x + 3y - z + 19 = 0.$

3. $P(2; 2; -2), A(-3; -7; -13), B(13; 9; 19).$

4. $L: \begin{cases} x = 0; \\ x - y + 2 = 0; \end{cases} P: 2x + y + 3z - 2 = 0.$

5. $L: \frac{x-2}{1} = \frac{y+3}{1} = \frac{z-2}{2}, P: x + y - z + 3 = 0.$

6. $L_1: \frac{x}{-1} = \frac{y}{1} = \frac{z}{0}, L_2: \frac{x+4}{6} = \frac{y+3}{-3} = \frac{z-3}{1}.$

7. $L_1: \frac{x}{4} = \frac{y-1}{3} = \frac{z+4}{-3}, L_2: \frac{x+6}{0} = \frac{y-3}{1} = \frac{z+1}{4}.$

8. $A(2; -4; -1), B(2; 4; 0), C(0; 0; -4), D(-2; -4; -4).$

9. $A(-3; -3), B(5; -7), C(7; 7).$

Вариант 11.

1. $M(-1; 3; -2)$, а) $\vec{S} = (-3; -2; 1)$; 6) $L : \begin{cases} x+2y+z-1=0; \\ 4x+y+z-2=0. \end{cases}$

2. а) $L : \frac{x+4}{0} = \frac{y-4}{-2} = \frac{z+4}{-1}$, $P : x+y-2z+10=0$;

б) $L : \frac{x-6}{1} = \frac{y-10}{-1} = \frac{z-2}{-1}$, $P : x-4y+5z+24=0$;

в) $L : \frac{x+1}{2} = \frac{y}{1} = \frac{z-3}{4}$, $P : x+3=0$.

3. $P(1; -1; 2)$, $A(0; -1; 2)$, $B(0; 0; 0)$.

4. $L : \begin{cases} x-y+4=0; \\ 2x+z-4=0; \end{cases}$ $P : 2x+2y-3z+4=0$.

5. $L : \frac{x}{1} = \frac{y}{1} = \frac{z-4}{1}$, $P : x+y=0$.

6. $L_1 : \frac{x+2}{2} = \frac{y-2}{-2} = \frac{z}{0}$, $L_2 : \frac{x}{2} = \frac{y+2}{4} = \frac{z+4}{3}$.

7. $L_1 : \frac{x-4}{1} = \frac{y+3}{-1} = \frac{z+2}{0}$, $L_2 : \frac{x+7}{4} = \frac{y-7}{-3} = \frac{z+5}{-2}$.

8. $A(4; -3; -2)$, $B(0; 0; 0)$, $C(-4; 2; 4)$, $D(-6; -4; -4)$.

9. $A(1; -6)$, $B(3; 4)$, $C(-3; 3)$.

Вариант 12.

1. $M(0; -4; 5)$, а) $\vec{S} = (1; 2; 1)$; 6) $L : \begin{cases} x+y+z=0; \\ 6x+y+2z+6=0. \end{cases}$

2. а) $L : \frac{x-4}{1} = \frac{y}{0} = \frac{z-4}{-1}$, $P : x+y+z+8=0$;

б) $L : \frac{x}{-7} = \frac{y+4}{1} = \frac{z}{0}$, $P : z=0$;

в) $L : \frac{x-2}{3} = \frac{y-3}{1} = \frac{z+5}{-3}$, $P : x-y-6z-9=0$.

3. $P(-18; 0; -2)$, $A(-15; -2; 53)$, $B(1; -2; -91)$.

4. $L : \begin{cases} y+z+6=0; \\ x+y-z+2=0; \end{cases}$ $P : 5y+z+14=0$.

5. $L : \frac{x+1}{-1} = \frac{y}{-5} = \frac{z-4}{4}$, $P : x-y-z+5=0$.

6. $L_1 : \frac{x+2}{-1} = \frac{y}{1} = \frac{z-2}{1}, L_2 : \frac{x+7}{1} = \frac{y+5}{6} = \frac{z+1}{4}$.

7. $L_1 : \frac{x+5}{2} = \frac{y+1}{3} = \frac{z}{-6}, L_2 : \frac{x}{-5} = \frac{y-4}{-1} = \frac{z+4}{0}$.

8. $A(-5; -1; 0), B(2; 0; 2), C(2; 3; -6), D(2; 0; -4)$.

9. $A(-4; 2), B(8; -6), C(2; 6)$.

Вариант 13.

1. $M(1; 4; -2)$, а) $\vec{S} = (1; -4; 2)$; 6) $L : \begin{cases} x - z + 2 = 0; \\ 2x - 4y - z + 6 = 0. \end{cases}$

2. а) $L : \frac{x+2}{8} = \frac{y}{0} = \frac{z+2}{1}, P : 2x - y - 16z + 18 = 0;$

б) $L : \frac{x}{-7} = \frac{y-6}{-6} = \frac{z+6}{4}, P : 2x - y + 2z + 18 = 0;$

в) $L : \frac{x+2}{-1} = \frac{y-4}{1} = \frac{z-2}{1}, P : x + 2y - 2z - 7 = 0.$

3. $P(-4; 0; 0), A(-2; -34; -18), B(-2; 62; 14)$.

4. $L : \begin{cases} x + z + 4 = 0; \\ x - z = 0; \end{cases} P : 3x - 2y - 5z - 8 = 0.$

5. $L : \frac{x-1}{1} = \frac{y-4}{0} = \frac{z-1}{2}, P : x + z - 2 = 0.$

6. $L_1 : \frac{x}{1} = \frac{y}{0} = \frac{z-2}{1}, L_2 : \frac{x+6}{1} = \frac{y}{5} = \frac{z+1}{-1}$.

7. $L_1 : \frac{x+3}{1} = \frac{y+1}{1} = \frac{z+3}{-2}, L_2 : \frac{x}{3} = \frac{y-2}{1} = \frac{z+1}{3}$.

8. $A(1; 4; 3), B(-2; 2; 2), C(4; -1; -2), D(-2; 2; -2)$.

9. $A(-5; 2), B(0; -4), C(5; 7)$.

Вариант 14.

1. $M(5; 5; -4)$, а) $\vec{S} = (-3; 1; -4)$; 6) $L : \begin{cases} y + 2 = 0; \\ x + y - z + 6 = 0. \end{cases}$

2. а) $L : \frac{x}{3} = \frac{y-2}{0} = \frac{z+4}{-1}, P : x + y + 3z + 6 = 0;$

б) $L : \frac{x-6}{2} = \frac{y+10}{3} = \frac{z-8}{7}, P : 5x + 6y - 4z + 62 = 0;$

b) $L: \frac{x-1}{4} = \frac{y+2}{2} = \frac{z-1}{3}$, $P: x - 4y - 2z - 17 = 0$.

3. $P(-1; 3; 0), A(0; 0; 1), B(1; -1; 0)$.

4. $L: \begin{cases} x - y + z + 2 = 0; \\ x - 2y - z = 0; \end{cases} P: x - 2y + 4z = 0$.

5. $L: \frac{x+1}{1} = \frac{y-2}{-1} = \frac{z+4}{4}$, $P: x + y - 1 = 0$.

6. $L_1: \frac{x+2}{1} = \frac{y+2}{0} = \frac{z-2}{-1}$, $L_2: \frac{x-2}{3} = \frac{y+1}{-3} = \frac{z-1}{2}$.

7. $L_1: \frac{x+1}{-5} = \frac{y+3}{2} = \frac{z+2}{-4}$, $L_2: \frac{x-2}{1} = \frac{y-3}{3} = \frac{z-2}{2}$.

8. $A(-1; -3; -2), B(2; 2; 2), C(-5; 2; -4), D(2; 0; -4)$.

9. $A(4; -4), B(6; 2), C(-1; 8)$.

Вариант 15.

1. $M(-8; -4; -7)$, a) $\bar{S} = (2; 3; -3)$; б) $L: \begin{cases} 2x - z + 2 = 0; \\ 3z - 4 = 0. \end{cases}$

2. а) $L: \frac{x+4}{-1} = \frac{y+8}{1} = \frac{z+2}{0}$, $P: x + y + z + 24 = 0$;

б) $L: \frac{x-2}{6} = \frac{y-2}{-7} = \frac{z+4}{1}$, $P: x + y + z = 0$;

в) $L: \frac{x-2}{1} = \frac{y+6}{-6} = \frac{z+1}{0}$, $P: 5x + 7y + 7z + 2 = 0$.

3. $P(4; 0; -10), A(-58; -4; -29), B(102; -4; 35)$.

4. $L: \begin{cases} x - 2z - 4 = 0; \\ x + y + z + 12 = 0; \end{cases} P: y + 2z + 12 = 0$.

5. $L: \frac{x}{1} = \frac{y+2}{2} = \frac{z+2}{-1}$, $P: x - y - z - 4 = 0$.

6. $L_1: \frac{x+2}{1} = \frac{y+4}{-1} = \frac{z+4}{-1}$, $L_2: \frac{x+1}{4} = \frac{y}{1} = \frac{z}{0}$.

7. $L_1: \frac{x+1}{0} = \frac{y-2}{6} = \frac{z}{1}$, $L_2: \frac{x-2}{1} = \frac{y-1}{2} = \frac{z+6}{0}$.

8. $A(1; -3; 0), B(0; 2; 4), C(-3; 4; -1), D(-4; 4; -8)$.

9. $A(-3; 8), B(-6; 2), C(0; -5)$.

Вариант 16.

1. $M(0; -2; 4)$, а) $\vec{S} = (3; 1; -5)$; 6) $L : \begin{cases} 3x - 2y + 5z - 10 = 0; \\ 2x + y - z = 0. \end{cases}$

2. а) $L : \frac{x+5}{1} = \frac{y}{0} = \frac{z+1}{3}$, $P : 3x - y - z + 3 = 0$;

б) $L : \frac{x-1}{-3} = \frac{y-4}{2} = \frac{z+1}{-2}$, $P : 2x + 6y + 3z - 23 = 0$;

в) $L : \frac{x+5}{-8} = \frac{y-1}{5} = \frac{z+4}{-3}$, $P : 5x - y - z - 20 = 0$.

3. $P(-4; -2; 1)$, $A(5; 11; -4)$, $B(8; 11; 5)$.

4. $L : \begin{cases} x + 2y - z + 12 = 0; \\ x - y + z + 6 = 0; \end{cases}$ $P : x + 3y - z - 2 = 0$.

5. $L : \frac{x-1}{2} = \frac{y+1}{3} = \frac{z+2}{1}$, $P : x - y + 2z - 5 = 0$.

6. $L_1 : \frac{x}{1} = \frac{y}{2} = \frac{z+3}{-1}$, $L_2 : \frac{x}{-1} = \frac{y}{1} = \frac{z-5}{1}$.

7. $L_1 : \frac{x-1}{-2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z+1}{3}$, $L_2 : \frac{x-3}{1} = \frac{y+3}{-1} = \frac{z+2}{0}$.

8. $A(3; -1; 0)$, $B(-1; 2; -3)$, $C(-2; 5; -3)$, $D(1; -6; 3)$.

9. $A(6; -9)$, $B(10; -1)$, $C(-4; 1)$.

Вариант 17.

1. $M(-7; 4; 4)$, а) $\vec{S} = (1; -1; 2)$; 6) $L : \begin{cases} x + 2y + 3 = 0; \\ x - 3y - 2z = 0. \end{cases}$

2. а) $L : \frac{x+2}{1} = \frac{y+2}{0} = \frac{z+8}{1}$, $P : x - y - z - 15 = 0$;

б) $L : \frac{x-10}{0} = \frac{y-6}{0} = \frac{z-4}{11}$, $P : 4x + 3y - 58 = 0$;

в) $L : \frac{x+3}{5} = \frac{y+2}{0} = \frac{z+7}{8}$, $P : 2y + z + 3 = 0$.

3. $P(3; -1; 0)$, $A(0; 0; -1)$, $B(1; 0; 1)$.

4. $L : \begin{cases} x - z = 0; \\ x + 2y + z + 4 = 0; \end{cases}$ $P : x + 4z = 0$.

5. $L : \frac{x}{1} = \frac{y+3}{-1} = \frac{z-2}{0}$, $P : x + y + 2z - 1 = 0$.

6. $L_1 : \frac{x+1}{1} = \frac{y-5}{1} = \frac{z}{2}$, $L_2 : \frac{x-2}{0} = \frac{y+4}{1} = \frac{z-5}{1}$;
7. $L_1 : \frac{x+4}{2} = \frac{y-3}{-4} = \frac{z-3}{5}$, $L_2 : \frac{x}{-4} = \frac{y-4}{3} = \frac{z-4}{3}$.
8. $A(0; -4; -3)$, $B(1; -3; 2)$, $C(5; 1; 2)$, $D(3; 5; 0)$.
9. $A(4; 1)$, $B(-3; -1)$, $C(7; -3)$.

Вариант 18.

1. $M(-8; -4; -4)$, а) $\vec{S} = (5; 5; 2)$; 6) $L : \begin{cases} x - 5y - 7z - 1 = 0; \\ x - 5y + 3 = 0. \end{cases}$
2. а) $L : \frac{x+9}{3} = \frac{y-1}{3} = \frac{z-2}{2}$, $P : x - y - 1 = 0$;
- б) $L : \frac{x-10}{0} = \frac{y-6}{0} = \frac{z-4}{11}$, $P : x + y - 12 = 0$;
- в) $L : \frac{x+5}{2} = \frac{y+2}{3} = \frac{z+7}{4}$, $P : 3x + 9y + 2z + 6 = 0$.
3. $P(-1; 2; 1)$, $A(-1; 2; 0)$, $B(-2; 4; 0)$.
4. $L : \begin{cases} x - y + 4 = 0; \\ y - 1 = 0; \end{cases}$ $P : x - 5y + z + 12 = 0$.
5. $L : \frac{x+4}{5} = \frac{y+2}{1} = \frac{z}{-4}$, $P : x + 3y + 2z + 10 = 0$.
6. $L_1 : \frac{x+3}{1} = \frac{y+5}{3} = \frac{z}{2}$, $L_2 : \frac{x-3}{5} = \frac{y+3}{6} = \frac{z+2}{-6}$;
7. $L_1 : \frac{x+2}{1} = \frac{y+2}{-2} = \frac{z-1}{5}$, $L_2 : \frac{x-1}{2} = \frac{y-3}{2} = \frac{z+7}{-1}$.
8. $A(0; 2; -4)$, $B(3; -7; 2)$, $C(0; -3; -4)$, $D(1; -5; -8)$.
9. $A(-4; 2)$, $B(6; -4)$, $C(4; 10)$.

Вариант 19.

1. $M(1; 5; 1)$, а) $\vec{S} = (3; 3; 4)$; 6) $L : \begin{cases} x + y + 2z + 1 = 0; \\ x + y - 5z - 5 = 0. \end{cases}$
2. а) $L : \frac{x+3}{3} = \frac{y-1}{-3} = \frac{z-4}{1}$, $P : x + y + 6 = 0$;
- б) $L : \frac{x-7}{7} = \frac{y+1}{1} = \frac{z-6}{4}$, $P : 3x - 5y - 4z - 2 = 0$;

- б) $L: \frac{x+4}{4} = \frac{y+1}{3} = \frac{z+6}{7}$, $P: 5x - y + 4z - 2 = 0$.
3. $P(-4; 4; -2)$, $A(10; -4; -37)$, $B(-14; 20; 59)$.
4. $L: \begin{cases} x + y - 2z - 14 = 0; \\ 2x + 2y + z + 4 = 0; \end{cases}$ $P: x + 3 = 0$.
5. $L: \frac{x}{3} = \frac{y+3}{9} = \frac{z}{-10}$, $P: 3x - y - 3 = 0$.
6. $L_1: \frac{x+3}{1} = \frac{y+5}{3} = \frac{z}{2}$, $L_2: \frac{x-3}{5} = \frac{y+3}{6} = \frac{z+2}{-6}$,
7. $L_1: \frac{x-2}{-2} = \frac{y-2}{4} = \frac{z+1}{-3}$, $L_2: \frac{x+5}{2} = \frac{y-2}{2} = \frac{z+5}{-3}$.
8. $A(2; 2; -3)$, $B(-3; -1; -2)$, $C(-2; 4; -3)$, $D(-5; -3; 2)$.
9. $A(3; -1)$, $B(11; 3)$, $C(-6; 2)$.

Вариант 20.

1. $M(0; 5; -6)$, а) $\vec{S} = (-7; -3; 2)$; б) $L: \begin{cases} 3x - y - 2z - 3 = 0; \\ x + 6y + 1 = 0. \end{cases}$
2. а) $L: \frac{x+5}{-1} = \frac{y+3}{1} = \frac{z-4}{6}$, $P: x + y + 14 = 0$;
- б) $L: \frac{x+7}{0} = \frac{y+9}{0} = \frac{z-2}{3}$, $P: 3x + y + 16 = 0$;
- в) $L: \frac{x-2}{1} = \frac{y+4}{-2} = \frac{z+2}{0}$, $P: 3x - 5y + 6z - 1 = 0$.
3. $P(3; 0; -1)$, $A(0; 1; 0)$, $B(1; 2; -1)$.
4. $L: \begin{cases} x + 3y - 2z + 12 = 0; \\ x + z - 3 = 0; \end{cases}$ $P: 3x - 4y + 2z - 29 = 0$.
5. $L: \frac{x-2}{1} = \frac{y-1}{1} = \frac{z+3}{-1}$, $P: x + y - 3 = 0$.
6. $L_1: \frac{x+3}{1} = \frac{y-3}{1} = \frac{z+2}{0}$, $L_2: \frac{x-3}{5} = \frac{y+3}{6} = \frac{z+2}{-6}$;
7. $L_1: \frac{x-2}{-2} = \frac{y-2}{4} = \frac{z+1}{-3}$, $L_2: \frac{x+2}{6} = \frac{y+2}{2} = \frac{z+1}{1}$.
8. $A(-1; -4; -2)$, $B(-1; 1; -2)$, $C(-7; -8; 3)$, $D(-5; -1; 0)$.
9. $A(-7; -2)$, $B(-7; 4)$, $C(5; -5)$.

Вариант 21.

1. $M(-4; -4; -2)$, а) $\vec{S} = (7; 5; 0)$; б) $L : \begin{cases} x + 3y + 3 = 0; \\ 4x - 2y + 4z - 1 = 0. \end{cases}$

2. а) $L : \frac{x-3}{3} = \frac{y+1}{1} = \frac{z+2}{3}$, $P : x - 3y - 12 = 0$;

б) $L : \frac{x-1}{3} = \frac{y+5}{-3} = \frac{z-2}{0}$, $P : x + y - 14z + 22 = 0$;

в) $L : \frac{x-1}{1} = \frac{y+5}{-3} = \frac{z}{0}$, $P : x + 7y + 12z + 12 = 0$.

3. $P(-1; 0; 3)$, $A(0; -1; 0)$, $B(0; 1; 1)$.

4. $L : \begin{cases} x + y - 2z + 10 = 0; \\ 3x - 2y - 2z - 11 = 0; \end{cases}$ $P : 3x + y + 2z - 13 = 0$.

5. $L : \frac{x+2}{0} = \frac{y}{0} = \frac{z-3}{4}$, $P : x + y + 2 = 0$.

6. $L_1 : \frac{x+3}{1} = \frac{y-1}{1} = \frac{z-2}{0}$, $L_2 : \frac{x+3}{4} = \frac{y+3}{3} = \frac{z+1}{0}$;

7. $L_1 : \frac{x+4}{4} = \frac{y+6}{2} = \frac{z+3}{-3}$, $L_2 : \frac{x+7}{2} = \frac{y-6}{1} = \frac{z-7}{2}$.

8. $A(-2; -1; -2)$, $B(-5; -1; -4)$, $C(0; -6; -2)$, $D(-1; 3; 2)$.

9. $A(-1; -4)$, $B(9; 6)$, $C(-5; 4)$.

Вариант 22.

1. $M(2; 5; -2)$, а) $\vec{S} = (5; 1; 4)$; б) $L : \begin{cases} x - y - 2z + 5 = 0; \\ x + 3y + 2z - 3 = 0. \end{cases}$

2. а) $L : \frac{x-3}{4} = \frac{y+7}{2} = \frac{z+8}{1}$, $P : x - 3y + 2z - 5 = 0$;

б) $L : \frac{x-3}{0} = \frac{y-3}{0} = \frac{z+2}{1}$, $P : 7x + 3y - 30 = 0$;

в) $L : \frac{x-1}{3} = \frac{y-4}{7} = \frac{z+5}{-1}$, $P : 3x + 7y + 8z + 59 = 0$.

3. $P(2; 1; -1)$, $A(2; 0; -1)$, $B(4; 0; -2)$.

4. $L : \begin{cases} x + 3y + 2z - 20 = 0; \\ x + 2y + 2z - 17 = 0; \end{cases}$ $P : 2x + 3y + 2z + 23 = 0$.

5. $L: \frac{x+5}{1} = \frac{y-4}{1} = \frac{z}{2}$, $P: x - y + 9 = 0$.
6. $L_1: \frac{x-3}{1} = \frac{y+1}{-1} = \frac{z-4}{0}$, $L_2: \frac{x-3}{4} = \frac{y+4}{2} = \frac{z-2}{-3}$;
7. $L_1: \frac{x+1}{2} = \frac{y+1}{3} = \frac{z-1}{3}$, $L_2: \frac{x}{1} = \frac{y-5}{1} = \frac{z+1}{-1}$.
8. $A(-4; 4; 2)$, $B(-1; 3; -2)$, $C(-1; 2; 1)$, $D(-9; -3; -6)$.
9. $A(10; -2)$, $B(4; -2)$, $C(-3; 1)$.

Вариант 23.

1. $M(1; 5; 0)$, а) $\vec{S} = (-1; 0; 2)$; 6) $L: \begin{cases} 3x + 4y - 3 = 0; \\ 5x - 2y - 6z = 0. \end{cases}$
2. а) $L: \frac{x-5}{2} = \frac{y-2}{5} = \frac{z+5}{-1}$, $P: 5x - y + 5z - 4 = 0$;
- б) $L: \frac{x}{1} = \frac{y-11}{2} = \frac{z-4}{1}$, $P: 3x + 4y - 11z = 0$;
- в) $L: \frac{x}{4} = \frac{y+5}{-3} = \frac{z}{2}$, $P: 5x + 4y + 12 = 0$.
3. $P(-2; 4; -6)$, $A(2; 12; 6)$, $B(-14; -8; -2)$.
4. $L: \begin{cases} 3x - 2y + z + 8 = 0; \\ x + y + 3z = 0; \end{cases}$ $P: x + 2y + z - 1 = 0$.
5. $L: \frac{x}{3} = \frac{y-1}{2} = \frac{z}{13}$, $P: 3x - 2y - z - 5 = 0$.
6. $L_1: \frac{x-5}{1} = \frac{y-6}{4} = \frac{z-1}{-1}$, $L_2: \frac{x+5}{2} = \frac{y-1}{-4} = \frac{z}{1}$;
7. $L_1: \frac{x-3}{-5} = \frac{y+2}{1} = \frac{z}{12}$, $L_2: \frac{x-4}{3} = \frac{y-8}{2} = \frac{z+2}{6}$.
8. $A(0; 2; 0)$, $B(-1; 0; -9)$, $C(-1; 4; -7)$, $D(7; 0; -7)$.
9. $A(-3; -1)$, $B(-4; -5)$, $C(8; 1)$.

Вариант 24.

1. $M(8; -5; -1)$, а) $\vec{S} = (-7; -5; 4)$; 6) $L: \begin{cases} x - y + 1 = 0; \\ 5x - 2y + 2z - 5 = 0. \end{cases}$
2. а) $L: \frac{x+3}{5} = \frac{y+1}{1} = \frac{z+2}{-1}$, $P: x - y + 4z + 7 = 0$;

6) $L: \frac{x+2}{4} = \frac{y+15}{-9} = \frac{z-1}{-2}, P: 3y+z+29=0;$

b) $L: \frac{x+4}{5} = \frac{y+1}{2} = \frac{z+4}{-2}, P: 8x+y-10z-69=0.$

3. $P(8; 0; -21), A(-17; -21; -19), B(39; -1; 13).$

4. $L: \begin{cases} y-5=0; \\ x+2z=0; \end{cases} P: x-3y-3z-5=0.$

5. $L: \frac{x+3}{7} = \frac{y}{2} = \frac{z+1}{-10}, P: 2x+3y+2z+8=0.$

6. $L_1: \frac{x}{2} = \frac{y+3}{3} = \frac{z-4}{2}, L_2: \frac{x+2}{2} = \frac{y+4}{9} = \frac{z+3}{5};$

7. $L_1: \frac{x+4}{2} = \frac{y+1}{0} = \frac{z-2}{-1}, L_2: \frac{x-2}{4} = \frac{y+2}{1} = \frac{z+2}{-2}.$

8. $A(-1; -1; -4), B(0; -3; 0), C(-3; -4; -2), D(-4; -5; 2).$

9. $A(-2; -6), B(-3; -5), C(4; 0).$

Вариант 25.

1. $M(-4; 1; -5), a) \vec{S} = (0; 3; -4); \text{ 6)} L: \begin{cases} 2x+y+2=0; \\ 3x-2y+z-3=0. \end{cases}$

2. a) $L: \frac{x+6}{3} = \frac{y+1}{0} = \frac{z}{7}, P: y+2=0;$

6) $L: \frac{x}{1} = \frac{y-9}{0} = \frac{z-2}{-1}, P: 4x-9y+4z+73=0;$

b) $L: \frac{x}{2} = \frac{y-3}{3} = \frac{z-1}{0}, P: 4x+3y-2z+44=0.$

3. $P(0; -1; 3), A(1; 0; 0), B(2; -1; 1).$

4. $L: \begin{cases} y+1=0; \\ 2x-3y+z-3=0; \end{cases} P: x+2y+4=0.$

5. $L: \frac{x-2}{10} = \frac{y+3}{-2} = \frac{z-1}{7}, P: 2x+3y-2z+7=0.$

6. $L_1: \frac{x+4}{2} = \frac{y-1}{3} = \frac{z-4}{-2}, L_2: \frac{x+6}{5} = \frac{y+5}{5} = \frac{z+6}{4};$

7. $L_1: \frac{x}{-7} = \frac{y+3}{1} = \frac{z}{-2}, L_2: \frac{x+8}{0} = \frac{y-4}{3} = \frac{z-3}{0}.$

8. $A(0; -3; 0), B(0; 1; -2), C(-3; -5; -2), D(-4; -5; -2).$

9. $A(-7; -2)$, $B(3; -8)$, $C(-4; 6)$.

Вариант 26.

1. $M(2; -1; 1)$, а) $\vec{S} = (2; -3; 4)$; 6) $L: \begin{cases} 4x + y + z + 2 = 0; \\ 2x - y - 3z - 8 = 0. \end{cases}$

2. а) $L: \frac{x-1}{8} = \frac{y-8}{-5} = \frac{z+5}{12}$, $P: x - 2y - 34z + 18 = 0$;

б) $L: \frac{x-3}{1} = \frac{y-1}{-1} = \frac{z+5}{0}$, $P: x + 7y + 3z + 11 = 0$;

в) $L: \frac{x-54}{-1} = \frac{y+3}{5} = \frac{z-1}{2}$, $P: 3x + 7y - 5z - 11 = 0$.

3. $P(0; -8; 10)$, $A(-5; 5; 7)$, $B(-8; 0; 4)$.

4. $L: \begin{cases} y + z + 5 = 0; \\ x + z - 1 = 0; \end{cases}$ $P: 2x + 2y + z - 1 = 0$.

5. $L: \frac{x-1}{7} = \frac{y-2}{1} = \frac{z-6}{-1}$, $P: 4x + y - 6z - 5 = 0$.

6. $L_1: \frac{x}{2} = \frac{y+3}{3} = \frac{z-4}{2}$, $L_2: \frac{x+2}{2} = \frac{y+4}{9} = \frac{z+3}{5}$;

7. $L_1: \frac{x-3}{1} = \frac{y+2}{-1} = \frac{z-8}{0}$, $L_2: \frac{x+3}{0} = \frac{y-2}{-3} = \frac{z+5}{11}$.

8. $A(6; 6; 5)$, $B(4; 9; 5)$, $C(4; 6; 11)$, $D(6; 9; 3)$.

9. $A(0; 2)$, $B(-7; -4)$, $C(3; 2)$.

Вариант 27.

1. $M(2; 1; -1)$, а) $\vec{S} = (3; 3; 0)$; 6) $L: \begin{cases} 2x + y - 1 = 0; \\ 3x + y + z - 5 = 0. \end{cases}$

2. а) $L: \frac{x-7}{3} = \frac{y-3}{1} = \frac{z+1}{-2}$, $P: 2x + y + 7z - 3 = 0$;

б) $L: \frac{x-1}{-1} = \frac{y+5}{4} = \frac{z-1}{2}$, $P: x - 3y + 7z - 24 = 0$;

в) $L: \frac{x-1}{5} = \frac{y}{2} = \frac{z+3}{-2}$, $P: 2x - y + 4z = 0$.

3. $P(7; 4; 2)$, $A(-5; 3; -9)$, $B(1; -5; 3)$.

4. $L: \begin{cases} 2x + y - 3z - 2 = 0; \\ 2x - y + z + 6 = 0; \end{cases}$ $P: x + y - 2z - 2 = 0$.

5. $L: \frac{x-5}{1} = \frac{y-3}{-1} = \frac{z-2}{0}$, $P: 3x + y - 5z - 12 = 0$.

6. $L_1: \frac{x+1}{-2} = \frac{y}{0} = \frac{z+1}{3}$, $L_2: \frac{x+1}{-3} = \frac{y+2}{2} = \frac{z-3}{-2}$;

7. $L_1: \frac{x-1}{6} = \frac{y-3}{1} = \frac{z+5}{3}$, $L_2: \frac{x-1}{-2} = \frac{y-2}{1} = \frac{z+1}{-1}$.

8. $A(-2; -1; -1)$, $B(0; 3; 2)$, $C(3; 1; -4)$, $D(-4; 7; 3)$.

9. $A(7; 0)$, $B(1; 4)$, $C(-8; -4)$.

Вариант 28.

1. $M(1; -3; -3)$, а) $\vec{S} = (-2; 1; 3)$; 6) $L: \begin{cases} -2x - 2y + 3 = 0; \\ 5x - y + z = 0. \end{cases}$

2. а) $L: \frac{x-7}{3} = \frac{y-3}{1} = \frac{z+1}{-2}$, $P: 2x + y + 7z - 3 = 0$;

б) $L: \frac{x-2}{4} = \frac{y-1}{-3} = \frac{z+3}{-2}$, $P: 3x - y + 4z = 0$;

в) $L: \frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{0} = \frac{z-4}{1}$, $P: x - 2y + 4z - 19 = 0$.

3. $P(1; -5; -2)$, $A(6; -2; -1)$, $B(2; -2; -2)$.

4. $L: \begin{cases} x + 5y - z + 11 = 0; \\ x - y + 2z - 1 = 0; \end{cases}$ $P: x - y + z - 2 = 0$.

5. $L: \frac{x-1}{2} = \frac{y+2}{-5} = \frac{z-3}{-2}$, $P: x + 2y - 5z + 16 = 0$.

6. $L_1: \frac{x+2}{-1} = \frac{y-1}{1} = \frac{z+4}{-1}$, $L_2: \frac{x-1}{1} = \frac{y-2}{0} = \frac{z+2}{-2}$;

7. $L_1: \frac{x+2}{1} = \frac{y-2}{0} = \frac{z+3}{0}$, $L_2: \frac{x-1}{2} = \frac{y-1}{-1} = \frac{z+2}{3}$.

8. $A(-3; -5; 6)$, $B(2; 1; -4)$, $C(0; -3; -1)$, $D(-5; 2; -8)$.

9. $A(1; -3)$, $B(0; 7)$, $C(-2; 4)$.

Вариант 29.

1. $M(0; -1; -1)$, а) $\vec{S} = (-5; 0; 2)$; 6) $L: \begin{cases} -x + 5y + 3z - 2 = 0; \\ x - 2y + 3z - 3 = 0. \end{cases}$

2. а) $L: \frac{x-3}{-1} = \frac{y-4}{5} = \frac{z-4}{-2}$, $P: 7x + y + 4z - 47 = 0$;

6) $L: \frac{x-1}{1} = \frac{y+1}{0} = \frac{z-1}{-1}$, $P: 3x - 2y - 4z - 8 = 0$;

b) $L: \frac{x+3}{2} = \frac{y-1}{3} = \frac{z-1}{5}$, $P: 2x + 3y + 7z - 52 = 0$.

3. $P(-3; 5; -2)$, $A(-4; 0; 3)$, $B(-3; 2; 5)$.

4. $L: \begin{cases} 2x + 3y - 2z + 6 = 0; \\ x - 3y + z + 3 = 0; \end{cases} P: 3x + 4y + 3z + 1 = 0$.

5. $L: \frac{x+2}{-1} = \frac{y-1}{1} = \frac{z+3}{2}$, $P: x + 2y - z - 2 = 0$.

6. $L_1: \frac{x-3}{2} = \frac{y+1}{3} = \frac{z+3}{2}$, $L_2: \frac{x-1}{1} = \frac{y-2}{0} = \frac{z+2}{-2}$;

7. $L_1: \frac{x+3}{1} = \frac{y-2}{-5} = \frac{z+2}{3}$, $L_2: \frac{x-5}{-2} = \frac{y-2}{0} = \frac{z+4}{1}$.

8. $A(2; -4; -2)$, $B(5; -6; 0)$, $C(-1; 3; -3)$, $D(-10; -8; -7)$.

9. $A(2; 5)$, $B(-3; 1)$, $C(0; 4)$.

Вариант 30.

1. $M(-2; -3; -1)$, a) $\vec{S} = (3; 2; -4)$; 6) $L: \begin{cases} x + 4y + 3z = 0; \\ 2x - y + z - 3 = 0. \end{cases}$

2. a) $L: \frac{x+3}{1} = \frac{y-2}{-5} = \frac{z+2}{3}$, $P: 5x - y + 4z + 3 = 0$;

6) $L: \frac{x-5}{-2} = \frac{y-2}{0} = \frac{z+4}{-1}$, $P: 2x - 5y + 4z + 24 = 0$;

b) $L: \frac{x-2}{2} = \frac{y-2}{-1} = \frac{z-4}{3}$, $P: x + 3y + 5z - 42 = 0$.

3. $P(1; -1; 8)$, $A(-4; -3; 10)$, $B(-1; -1; 7)$.

4. $L: \begin{cases} 6x - 7y - z - 2 = 0; \\ x + 7y - 4z - 5 = 0; \end{cases} P: 2x + y + z - 2 = 0$.

5. $L: \frac{x-1}{-2} = \frac{y-2}{1} = \frac{z+1}{-1}$, $P: x - 2y + 5z + 17 = 0$.

6. $L_1: \frac{x-1}{-2} = \frac{y+1}{1} = \frac{z-4}{0}$, $L_2: \frac{x+2}{1} = \frac{y-2}{0} = \frac{z+1}{-2}$;

7. $L_1: \frac{x+3}{1} = \frac{y-2}{-5} = \frac{z+2}{3}$, $L_2: \frac{x-5}{-2} = \frac{y-2}{0} = \frac{z+4}{1}$.

8. $A(2; -4; -2)$, $B(5; -6; 0)$, $C(-1; 3; -3)$, $D(-10; -8; -7)$.

9. $A(-5; 1)$, $B(8; -2)$, $C(1; 4)$.