Четвертая Межвузовская олимпиада по математике   
БГТУ им. В.Г. Шухова

Белгород 2021г.

1 курс

1. Через центр правильного треугольника проведена прямая. Докажите, что сумма квадратов расстояний от вершин треугольника до этой прямой   
   не зависит от выбора прямой.
2. В треугольнике высота и медиана, проведенные из одной вершины, делят угол при этой вершине на три равные части. Найти углы треугольника.
3. Вычислить предел:



1. Найти  для которого выполняется равенство:



1. Решить уравнение:



1. Найти  если .
2. Калькулятор, упавший в лужу, может выполнить два действия: вместо сложения делает , а вместо умножения . Константы, в том числе отрицательные, набираются безошибочно. Можно ли на этом калькуляторе вычислить () и ()?
3. Найти остаток от деления числа  на 5?
4. Найти площадь квадрата, вершины которого лежат на кривой .
5. С вершины скалы высотой 300 м падают 2 капли. Вторая начинает падать, когда первая уже успела пролететь  мм. Сколько останется пролететь второй капле, когда первая достигнет подножия скалы?