

1. Найти матрицу линейного оператора  $\bar{y} = \tilde{A}(\bar{x}) = (2x_1 + x_2 - 3x_3; x_1 - 3x_2; 5x_1)$ , где  $\bar{x} = (x_1, x_2, x_3)$  задан в базисе вектора  $\bar{y}$ .

2. Матрица линейного оператора  $A$  в базисе  $(\bar{l}_1; \bar{l}_2; \bar{l}_3)$  имеет вид:  $A = \begin{pmatrix} 3 & 2 & -1 \\ 1 & -1 & 2 \\ 0 & 4 & 3 \end{pmatrix}$ .

Найти матрицу  $A^*$  этого оператора в базисе  $(\bar{l}_1^*; \bar{l}_2^*; \bar{l}_3^*)$ , если  $\bar{l}_1^* = 3\bar{l}_1 - \bar{l}_2 + 2\bar{l}_3$ ;  $\bar{l}_2^* = 2\bar{l}_1 + \bar{l}_2 + 2\bar{l}_3$ ;  $\bar{l}_3^* = -\bar{l}_1 - 2\bar{l}_2 - 3\bar{l}_3$ .

3. Найти координаты вектора  $\bar{y} = \tilde{A}(\bar{x})$ , если оператор  $\tilde{A}$  задан в том же базисе матрицей  $A$ : а)  $A = \begin{pmatrix} 3 & 8 \\ -1 & 2 \end{pmatrix}$ ,  $\bar{x} = \bar{l}_1 - \bar{l}_2$ ; б)  $A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 2 & 3 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ ,  $\bar{x} = 2\bar{l}_1 - 5\bar{l}_2 + \bar{l}_3$ .

4. Найти матрицу  $A^*$  линейного оператора в базисе  $(\bar{l}_1^*; \bar{l}_2^*; \bar{l}_3^*)$ , заданного матрицей  $A$  в базисе  $(\bar{l}_1; \bar{l}_2; \bar{l}_3)$ : а)  $A = \begin{pmatrix} 4 & 2 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$ ,  $\bar{l}_1^* = \bar{l}_2$ ;  $\bar{l}_2^* = \bar{l}_1 - 2\bar{l}_2$ ;

б)  $A = \begin{pmatrix} 1 & -3 & 2 \\ 3 & 0 & 1 \\ 5 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ ,  $\bar{l}_1^* = \bar{l}_1 + \bar{l}_3$ ;  $\bar{l}_2^* = \bar{l}_2 - \bar{l}_3$ ;  $\bar{l}_3^* = \bar{l}_1 + \bar{l}_2$ .

5. Найти собственные числа и векторы матрицы: а)  $A = \begin{pmatrix} 4 & -3 \\ -1 & 2 \end{pmatrix}$ ; б)  $A = \begin{pmatrix} 3 & 1,5 \\ 2 & 5 \end{pmatrix}$ ; в)

$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & -2 \\ 1 & 0 & 3 \\ 1 & 3 & 0 \end{pmatrix}$ .

6. Привести матрицу  $A$  к диагональному виду а)  $A = \begin{pmatrix} -2 & 6 \\ 4 & 3 \end{pmatrix}$ ; б)  $A = \begin{pmatrix} 2 & -2 & 0 \\ -2 & 1 & -2 \\ 0 & -2 & 0 \end{pmatrix}$ .

7. Определить, можно ли матрицу  $A$  привести к диагональному виду: а)  $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ ;

б)  $A = \begin{pmatrix} 3 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 3 \\ 3 & 0 & 0 \end{pmatrix}$ .