

Задание 1

Решить задачу линейного программирования двумя способами: 1) графическим способом; 2) симплексным способом.

Проанализировать полученные решения. Варианты заданий приведены в таблице:

Вариант	Задача	Вариант	Задача
1	$z = 4x_1 - 2x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} 2x_1 + 3x_2 \leq 18, \\ -x_1 + 3x_2 \leq 9, \\ 2x_1 - x_2 \leq 10, \\ x_i \geq 0; i=1,2. \end{cases}$	2	$z = x_1 - x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} -2x_1 + 3x_2 \leq 9, \\ x_1 - 2x_2 \leq 2, \\ x_1 + x_2 \leq 8, \\ x_i \geq 0; i=1,2. \end{cases}$
3	$z = 3x_1 - 4x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} x_1 + 2x_2 \leq 4, \\ x_1 + x_2 \leq 3, \\ 2x_1 + x_2 \leq 8, \\ x_i \geq 0; i=1,2. \end{cases}$	4	$z = x_1 - 3x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} -2x_1 + 3x_2 \leq 6, \\ x_1 + 3x_2 \leq 15, \\ 3x_1 - x_2 \leq 15, \\ x_i \geq 0; i=1,2. \end{cases}$
5	$z = 5x_1 + 4x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} -x_1 + 2x_2 \leq 12, \\ 5x_1 - 4x_2 \leq 20, \\ x_1 \leq 8, \\ x_i \geq 0; i=1,2. \end{cases}$	6	$z = 3x_1 + 2x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} 2x_1 - x_2 \leq 8, \\ -x_1 + 2x_2 \leq 8, \\ x_1 \leq 6, \\ x_i \geq 0; i=1,2. \end{cases}$
7	$z = 3x_1 + 5x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} x_1 \leq 8, \\ -x_1 + 2x_2 \leq 12, \\ -3x_1 + 2x_2 \leq 8, \\ x_i \geq 0; i=1,2. \end{cases}$	8	$z = 3x_1 + 5x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} -2x_1 + x_2 \leq 2, \\ 2x_1 - x_2 \leq 10, \\ -x_1 + 2x_2 \leq 10, \\ x_i \geq 0; i=1,2. \end{cases}$
9	$z = x_1 + 2x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} -x_1 + 2x_2 \leq 7, \\ x_1 + x_2 \leq 11, \\ x_1 \leq 8, \\ x_i \geq 0; i=1,2. \end{cases}$	10	$z = 2x_1 + 4x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} x_1 - x_2 \leq 5, \\ -3x_1 + 2x_2 \leq 8, \\ x_2 \leq 7, \\ x_i \geq 0; i=1,2. \end{cases}$
11	$z = 4x_1 + 3x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} -3x_1 + 4x_2 \leq 32, \\ 2x_1 + x_2 \leq 19, \\ 3x_1 - x_2 \leq 21, \\ x_i \geq 0; i=1,2. \end{cases}$	12	$z = 3x_1 + 5x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} x_1 + x_2 \leq 9, \\ 3x_1 - 2x_2 \leq 12, \\ x_1 + 4x_2 \leq 16, \\ x_i \geq 0; i=1,2. \end{cases}$
13	$z = 6x_1 + 3x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} -x_1 + 2x_2 \leq 18, \\ 5x_1 + x_2 \leq 53, \\ x_1 - 2x_2 \leq 4, \\ x_i \geq 0; i=1,2. \end{cases}$	14	$z = 3x_1 + 4x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} x_1 + 2x_2 \leq 20, \\ -x_1 + 2x_2 \leq 8, \\ 3x_1 - x_2 \leq 18, \\ x_i \geq 0; i=1,2. \end{cases}$

15	$z = 5x_1 + 4x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} -x_1 + x_2 \leq 1, \\ x_1 - 2x_2 \leq 1, \\ 2x_1 + x_2 \leq 22, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$	16	$z = 2x_1 - 4x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} 3x_1 + 2x_2 \leq 18, \\ -x_1 + 2x_2 \leq 10, \\ 3x_1 - x_2 \leq 9, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$
17	$z = -4x_1 + 3x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} 2x_1 + x_2 \leq 4, \\ x_1 + 2x_2 \leq 8, \\ x_1 + x_2 \leq 3, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$	18	$z = 3x_1 + 4x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} 4x_1 - 3x_2 \leq 32, \\ x_1 - 3x_2 \leq 21, \\ x_1 + 2x_2 \leq 19, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$
19	$z = -x_1 + x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} 3x_1 - 2x_2 \leq 9, \\ x_1 + x_2 \leq 8, \\ -2x_1 + x_2 \leq 2, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$	20	$z = 3x_1 + 6x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} -2x_1 + x_2 \leq 4, \\ 2x_1 - x_2 \leq 18, \\ x_1 + 5x_2 \leq 53, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$
21	$z = -3x_1 + x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} 3x_1 + x_2 \leq 15, \\ 3x_1 - 2x_2 \leq 6, \\ -x_1 + 3x_2 \leq 15, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$	22	$z = 4x_1 + 5x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} 2x_1 - x_2 \leq 12, \\ x_2 \leq 8, \\ -4x_1 + 5x_2 \leq 20, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$
23	$z = 4x_1 + 5x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} -4x_1 + 5x_2 \leq 20, \\ 2x_1 - x_2 \leq 12, \\ x_2 \leq 8, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$	24	$z = 2x_1 + 3x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} 2x_1 - x_2 \leq 8, \\ x_2 \leq 6, \\ -x_1 + 2x_2 \leq 8, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$
25	$z = 5x_1 + 3x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} 2x_1 - x_2 \leq 12, \\ 2x_1 - 3x_2 \leq 8, \\ x_2 \leq 8, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$	26	$z = 5x_1 + 3x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} 2x_1 - x_2 \leq 10, \\ x_1 - 2x_2 \leq 2, \\ -x_1 + 2x_2 \leq 10, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$
27	$z = 2x_1 + x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} x_1 + x_2 \leq 11, \\ x_2 \leq 8, \\ 2x_1 - x_2 \leq 7, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$	28	$z = 4x_1 + 2x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} -x_1 + x_2 \leq 5, \\ x_1 \leq 7, \\ 2x_1 - 3x_2 \leq 8, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$
29	$z = 5x_1 + 3x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} x_1 + x_2 \leq 9, \\ 4x_1 - x_2 \leq 16, \\ -2x_1 + 3x_2 \leq 12, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$	30	$z = 4x_1 + 3x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} 2x_1 + x_2 \leq 20, \\ -x_1 + 3x_2 \leq 18, \\ 2x_1 - x_2 \leq 8, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$
31	$z = 4x_1 - 2x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} 2x_1 + 3x_2 \leq 18, \\ -x_1 + 3x_2 \leq 9, \\ 2x_1 - x_2 \leq 10, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$	32	$z = x_1 - x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} -2x_1 + 3x_2 \leq 9, \\ x_1 - 2x_2 \leq 2, \\ x_1 + x_2 \leq 8, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$

33	$z = 3x_1 - 4x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} x_1 + 2x_2 \leq 4, \\ x_1 + x_2 \leq 3, \\ 2x_1 + x_2 \leq 8, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$	34	$z = x_1 - 3x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} -2x_1 + 3x_2 \leq 6, \\ x_1 + 3x_2 \leq 15, \\ 3x_1 - x_2 \leq 15, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$
35	$z = 5x_1 + 4x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} -x_1 + 2x_2 \leq 12, \\ 5x_1 - 4x_2 \leq 20, \\ x_1 \leq 8, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$	36	$z = 3x_1 + 2x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} 2x_1 - x_2 \leq 8, \\ -x_1 + 2x_2 \leq 8, \\ x_1 \leq 6, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$
37	$z = 3x_1 + 5x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} x_1 \leq 8, \\ -x_1 + 2x_2 \leq 12, \\ -3x_1 + 2x_2 \leq 8, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$	38	$z = 3x_1 + 5x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} -2x_1 + x_2 \leq 2, \\ 2x_1 - x_2 \leq 10, \\ -x_1 + 2x_2 \leq 10, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$
39	$z = x_1 + 2x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} -x_1 + 2x_2 \leq 7, \\ x_1 + x_2 \leq 11, \\ x_1 \leq 8, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$	40	$z = 2x_1 + 4x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} x_1 - x_2 \leq 5, \\ -3x_1 + 2x_2 \leq 8, \\ x_2 \leq 7, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$
41	$z = 4x_1 + 3x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} -3x_1 + 4x_2 \leq 32, \\ 2x_1 + x_2 \leq 19, \\ 3x_1 - x_2 \leq 21, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$	42	$z = 3x_1 + 5x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} x_1 + x_2 \leq 9, \\ 3x_1 - 2x_2 \leq 12, \\ x_1 + 4x_2 \leq 16, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$
43	$z = 6x_1 + 3x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} -x_1 + 2x_2 \leq 18, \\ 5x_1 + x_2 \leq 53, \\ x_1 - 2x_2 \leq 4, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$	44	$z = 3x_1 + 4x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} x_1 + 2x_2 \leq 20, \\ -x_1 + 2x_2 \leq 8, \\ 3x_1 - x_2 \leq 18, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$
45	$z = 5x_1 + 4x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} -x_1 + x_2 \leq 1, \\ x_1 - 2x_2 \leq 1, \\ 2x_1 + x_2 \leq 22, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$	46	$z = 2x_1 - 4x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} 3x_1 + 2x_2 \leq 18, \\ -x_1 + 2x_2 \leq 10, \\ 3x_1 - x_2 \leq 9, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$
47	$z = -4x_1 + 3x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} 2x_1 + x_2 \leq 4, \\ x_1 + 2x_2 \leq 8, \\ x_1 + x_2 \leq 3, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$	48	$z = 3x_1 + 4x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} 4x_1 - 3x_2 \leq 32, \\ x_1 - 3x_2 \leq 21, \\ x_1 + 2x_2 \leq 19, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$
49	$z = -x_1 + x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} 3x_1 - 2x_2 \leq 9, \\ x_1 + x_2 \leq 8, \\ -2x_1 + x_2 \leq 2, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$	50	$z = 3x_1 + 6x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} -2x_1 + x_2 \leq 4, \\ 2x_1 - x_2 \leq 18, \\ x_1 + 5x_2 \leq 53, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$

51	$z = -3x_1 + x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} 3x_1 + x_2 \leq 15, \\ 3x_1 - 2x_2 \leq 6, \\ -x_1 + 3x_2 \leq 15, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$	52	$z = 4x_1 + 5x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} 2x_1 - x_2 \leq 12, \\ x_2 \leq 8, \\ -4x_1 + 5x_2 \leq 20, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$
53	$z = 4x_1 + 5x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} -4x_1 + 5x_2 \leq 20, \\ 2x_1 - x_2 \leq 12, \\ x_2 \leq 8, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$	54	$z = 2x_1 + 3x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} 2x_1 - x_2 \leq 8, \\ x_2 \leq 6, \\ -x_1 + 2x_2 \leq 8, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$
55	$z = 5x_1 + 3x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} 2x_1 - x_2 \leq 12, \\ 2x_1 - 3x_2 \leq 8, \\ x_2 \leq 8, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$	56	$z = 5x_1 + 3x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} 2x_1 - x_2 \leq 10, \\ x_1 - 2x_2 \leq 2, \\ -x_1 + 2x_2 \leq 10, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$
57	$z = 2x_1 + x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} x_1 + x_2 \leq 11, \\ x_2 \leq 8, \\ 2x_1 - x_2 \leq 7, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$	58	$z = 4x_1 + 2x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} -x_1 + x_2 \leq 5, \\ x_1 \leq 7, \\ 2x_1 - 3x_2 \leq 8, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$
59	$z = 5x_1 + 3x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} x_1 + x_2 \leq 9, \\ 4x_1 - x_2 \leq 16, \\ -2x_1 + 3x_2 \leq 12, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$	50	$z = 4x_1 + 3x_2 \rightarrow \max,$ $\begin{cases} 2x_1 + x_2 \leq 20, \\ -x_1 + 3x_2 \leq 18, \\ 2x_1 - x_2 \leq 8, \end{cases}$ $x_i \geq 0; i = 1, 2.$

Задание 2

Имеется три завода A_1, A_2, A_3 , объем производства, которых соответственно равен a_1, a_2, a_3 тонн в сутки. Эти заводы ежедневно удовлетворяют потребности четырех строительных объектов B_1, B_2, B_3, B_4 в количествах b_1, b_2, b_3, b_4 тонн в сутки соответственно. Стоимость (тыс. руб) перевозки единицы продукции с каждого завода на каждый строительный объект задана матрицей тарифов $C=(C_{ij})$, $i = \overline{1,4}, j = \overline{1,3}$.

Найти такой план транспортировки груза, чтобы общие затраты на перевозки грузов были минимальными.

Первичное распределение поставок найти методом северо-западного угла. Исходные данные задачи приведены в таблице:

№ варианта	Задача					№ варианта	Задача					
1	b_j	60	40	90	60	2	b_j	30	25	20	25	
	a_i	120	4	4	2		a_i	40	5	3	4	2
	80	2	3	6	8		30	3	4	2	4	
	50	5	1	5	8		30	1	5	3	5	
3	b_j	60	10	20	30	4	b_j	30	15	25	30	
	a_i	50	4	4	2		a_i	40	5	3	4	2
	30	2	3	6	8		20	3	4	2	4	
	40	5	1	5	8		40	1	5	3	5	
5	b_j	50	10	70	30	6	b_j	30	30	10	20	
	a_i	30	4	4	2		a_i	50	5	3	4	2
	40	2	3	6	8		30	3	4	2	4	
	80	5	1	5	8		10	1	5	3	5	

№ варианта	Задача					№ варианта	Задача					
7	b_j	25	30	15	30	8	b_j	70	20	50	30	
	a_i	40	2	4	4		a_i	30	4	7	2	3
	20	6	3	1	2		90	3	1	1	4	
	40	4	5	5	5		50	1	6	3	7	
9	b_j	30	20	30	20	10	b_j	50	55	70	45	
	a_i	40	6	4	2		a_i	60	4	10	5	3
	50	18	10	14	12		90	11	7	2	8	
	10	16	12	6	15		70	12	9	12	11	
11	b_j	60	90	40	60	12	b_j	25	20	25	30	
	a_i	120	5	2	4		a_i	40	2	4	3	5
	80	8	6	3	2		30	4	2	4	3	
	50	8	5	1	5		20	5	3	5	1	
13	b_j	30	20	10	60	14	b_j	30	25	15	30	
	a_i	50	5	4	3		a_i	40	1	3	2	5
	30	2	1	3	5		20	2	1	3	4	
	40	2	4	4	2		40	5	2	3	3	
	b_j	20	70	10	50		b_j	20	10	30	30	

	a_i						a_i				
15	30	1	5	4	2		50	1	4	2	1
	40	12	10	16	8		30	5	1	3	2
	80	4	13	14	10		10	4	4	2	3
17	b_j	30	15	30	25		b_j	30	50	20	70
	a_i						30	3	2	7	4
	40	5	4	4	2		90	4	1	1	3
	20	2	1	3	6		50	7	3	6	1
19	b_j	20	30	20	30		b_j	45	70	55	50
	a_i						60	3	5	10	4
	40	7	2	4	6		90	8	2	7	11
	50	12	14	10	18		70	11	12	9	12
20	b_j	10	6	12	16		a_i				
	a_i										

№ варианта	Задача					№ варианта	Задача				
21	b_j	60	40	90	60	22	b_j	30	25	20	25
	a_i						30	1	5	3	5
	50	5	1	5	8		40	5	3	4	2
	120	4	4	2	5		30	3	4	2	4
23	b_j	60	10	20	30	24	b_j	30	15	25	30
	a_i						40	3	3	2	5
	40	2	4	4	2		40	5	2	3	1
	50	1	3	4	5		20	4	3	1	2
25	b_j	50	10	70	20	26	b_j	30	30	10	20
	a_i						10	3	2	4	4
	80	10	14	13	4		50	1	2	4	1
	30	3	4	5	1		30	2	3	1	5
27	b_j	25	30	15	30	28	b_j	70	20	50	30
	a_i						50	1	6	3	7
	40	4	5	5	5		30	4	7	2	3
	40	2	4	4	5		90	3	1	1	4
29	b_j	30	20	30	20	30	b_j	50	55	70	45
	a_i						70	12	9	12	11
	10	16	12	6	15		60	4	10	5	3
	40	6	4	2	7		90	11	7	2	8

№ варианта	Задача					№ варианта	Задача				
31	b_j	60	40	90	60	32	b_j	30	25	20	25
	a_i						a_i				
	120	4	4	2	5		40	5	3	4	2
	80	2	3	6	8		30	3	4	2	4
	50	5	1	5	8		30	1	5	3	5
33	b_j	60	10	20	30	34	b_j	30	15	25	30
	a_i						a_i				
	50	4	4	2	5		40	5	3	4	2
	30	2	3	6	8		20	3	4	2	4
	40	5	1	5	8		40	1	5	3	5
35	b_j	50	10	70	30	36	b_j	30	30	10	20
	a_i						a_i				
	30	4	4	2	5		50	5	3	4	2
	40	2	3	6	8		30	3	4	2	4
	80	5	1	5	8		10	1	5	3	5

№ варианта	Задача					№ варианта	Задача				
37	b_j a_i	25	30	15	30	38	b_j a_i	70	20	50	30
	40	2	4	4	5		30	4	7	2	3
	20	6	3	1	2		90	3	1	1	4
	40	4	5	5	5		50	1	6	3	7
39	b_j a_i	30	20	30	20	40	b_j a_i	50	55	70	45
	40	6	4	2	7		60	4	10	5	3
	50	18	10	14	12		90	11	7	2	8
	10	16	12	6	15		70	12	9	12	11
41	b_j a_i	60	90	40	60	42	b_j a_i	25	20	25	30
	120	5	2	4	4		40	2	4	3	5
	80	8	6	3	2		30	4	2	4	3
	50	8	5	1	5		20	5	3	5	1
43	b_j a_i	30	20	10	60	44	b_j a_i	30	25	15	30
	50	5	4	3	1		40	1	3	2	5
	30	2	1	3	5		20	2	1	3	4
	40	2	4	4	2		40	5	2	3	3
	b_j a_i	20	70	10	50		b_j a_i	20	10	30	30

45	30	1	5	4	2	46	50	1	4	2	1
	40	12	10	16	8		30	5	1	3	2
	80	4	13	14	10		10	4	4	2	3
47	$\begin{array}{c} b_j \\ \diagdown \\ a_i \end{array}$	30	15	30	25	48	$\begin{array}{c} b_j \\ \diagdown \\ a_i \end{array}$	30	50	20	70
	40	5	4	4	2		30	3	2	7	4
	20	2	1	3	6		90	4	1	1	3
	40	5	5	5	4		50	7	3	6	1
49	$\begin{array}{c} b_j \\ \diagdown \\ a_i \end{array}$	20	30	20	30	50	$\begin{array}{c} b_j \\ \diagdown \\ a_i \end{array}$	45	70	55	50
	40	7	2	4	6		60	3	5	10	4
	50	12	14	10	18		90	8	2	7	11
	10	15	6	12	16		70	11	12	9	12

№ варианта	Задача					№ варианта	Задача				
51	$\begin{array}{c} b_j \\ \diagdown \\ a_i \end{array}$	60	40	90	60	52	$\begin{array}{c} b_j \\ \diagdown \\ a_i \end{array}$	30	25	20	25
	50	5	1	5	8		30	1	5	3	5
	120	4	4	2	5		40	5	3	4	2
	80	2	3	6	8		30	3	4	2	4
53	$\begin{array}{c} b_j \\ \diagdown \\ a_i \end{array}$	60	10	20	30	54	$\begin{array}{c} b_j \\ \diagdown \\ a_i \end{array}$	30	15	25	30
	40	2	4	4	2		40	3	3	2	5
	50	1	3	4	5		40	5	2	3	1
	30	5	3	1	2		20	4	3	1	2
55	$\begin{array}{c} b_j \\ \diagdown \\ a_i \end{array}$	50	10	70	20	56	$\begin{array}{c} b_j \\ \diagdown \\ a_i \end{array}$	30	30	10	20
	80	10	14	13	4		10	3	2	4	4
	30	3	4	5	1		50	1	2	4	1
	40	8	16	10	12		30	2	3	1	5
57	$\begin{array}{c} b_j \\ \diagdown \\ a_i \end{array}$	25	30	15	30	58	$\begin{array}{c} b_j \\ \diagdown \\ a_i \end{array}$	70	20	50	30
	40	4	5	5	5		50	1	6	3	7
	40	2	4	4	5		30	4	7	2	3
	20	6	3	1	2		90	3	1	1	4
59	$\begin{array}{c} b_j \\ \diagdown \\ a_i \end{array}$	30	20	30	20	60	$\begin{array}{c} b_j \\ \diagdown \\ a_i \end{array}$	50	55	70	45
	10	16	12	6	15		70	12	9	12	11
	40	6	4	2	7		60	4	10	5	3
	50	18	10	14	12		90	11	7	2	8